PCT

(22) International Filing Date:

9826494.8

WORLD INTELLECTUAL PROPERTY ORGANIZATION International Bureau



INTERNATIONAL APPLICATION PUBLISHED UNDER THE PATENT COOPERATION TREATY (PCT)

(51) International Patent Classification 7:
G07D 5/00, 7/00, G06K 9/62

A1
(11) International Publication Number: WO 00/33262
(43) International Publication Date: 8 June 2000 (08.06.00)

GB

1 December 1999 (01.12.99)

BAUDAT, Gaston

2 December 1998 (02.12.98)

(21) International Application Number: PCT/IB99/02012

(30) Priority Data:

(71) Applicant (for all designated States except US): MARS, INCORPORATED [US/US]; 6885 Elm Street, McLean, VA

22101–3383 (US).

(72) Inventor; and

(75) Inventor/Applicant (for US only):

[CH/CH]; 74, Grand-Pré, CH-1202 Genève (CH).
 (74) Agents: BURKE, Steven, D. et al.; R.G.C. Jenkins & Co., 26 Caxton Street, London SW1H 0RJ (GB).

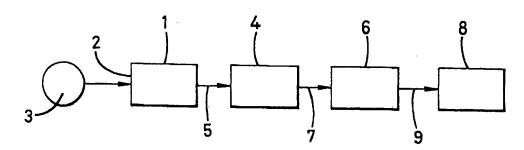
(81) Designated States: AE, AL, AM, AT, AU, AZ, BA, BB, BG, BR, BY, CA, CH, CN, CU, CZ, DE, DK, EE, ES, FI, GB, GD, GE, GH, GM, HR, HU, ID, IL, IN, IS, JP, KE, KG, KP, KR, KZ, LC, LK, LR, LS, LT, LU, LV, MD, MG, MK, MN, MW, MX, NO, NZ, PL, PT, RO, RU, SD, SE, SG, SI, SK, SL, TJ, TM, TR, TT, UA, UG, US, UZ, VN, YU, ZA, ZW, ARIPO patent (GH, GM, KE, LS, MW, SD, SL, SZ, TZ, UG, ZW), Eurasian patent (AM, AZ, BY, KG, KZ, MD, RU, TJ, TM), European patent (AT, BE, CH, CY, DE, DK, ES, FI, FR, GB, GR, IE, IT, LU, MC, NL, PT, SE), OAPI patent (BF, BJ, CF, CG, CI, CM, GA, GN, GW, ML, MR, NE, SN, TD, TG).

Published

With international search report.

Before the expiration of the time limit for amending the claims and to be republished in the event of the receipt of amendments.

(54) Title: CLASSIFICATION METHOD AND APPARATUS



(57) Abstract

A method of deriving a classification for classifying items of currency into two or more classes comprises measuring known samples for each class, selecting a function corresponding to a non-linear mapping of the feature vector space to a second higher-dimensional space, mapping feature vectors to image vectors, and deriving coefficients representing N-1 axes, where N is the number of classes, in the second space, obtaining values representing the projections of the image vectors for the measured samples onto the N-1 axes, and using those values to derive a separating function for separating the classes equivalent to a function in the second space.

FOR THE PURPOSES OF INFORMATION ONLY

Codes used to identify States party to the PCT on the front pages of pamphlets publishing international applications under the PCT.

AL	Albania	ES	Spain	LS	Lesotho	SI	Slovenia
AM	Armenia	FI	Finland	LT	Lithuania	SK	Slovakia
AT	Austria	FR	France	LU	Luxembourg	SN	Senegal
AU	Australia	GA	Gabon	LV	Latvia	SZ	Swaziland
AZ	Azerbaijan	GB	United Kingdom	MC	Monaco	TD	Chad
BA	Bosnia and Herzegovina	GE	Georgia	MD	Republic of Moldova	TG	Togo
BB	Barbados	GH	Ghana	MG	Madagascar	TJ	Tajikistan
BE	Belgium	GN	Guinea	MK	The former Yugoslav	TM	Turkmenistan
BF	Burkina Faso	GR	Greece		Republic of Macedonia	TR	Turkey
BG	Bulgaria	HU	Hungary	ML	Mali	TT	Trinidad and Tobago
BJ	Benin	IE	Ireland	MN	Mongolia	ÜA	Ukraine
BR	Brazil	п.	Israel	MR	Mauritania	UG	Uganda
BY	Belarus	IS	Iceland	MW	Malawi	US	United States of America
CA	Canada	IT	Italy	MX	Mexico	UZ	Uzbekistan
CF	Central African Republic	JP	Japan	NE	Niger	VN	Viet Nam
CG	Congo	KE	Kenya	NL	Netherlands	YU	Yugoslavia
CH	Switzerland	KG	Kyrgyzstan	NO	Norway	zw	Zimbabwe
CI	Côte d'Ivoire	KP	Democratic People's	NZ	New Zealand		
CM	Cameroon		Republic of Korea	PL	Poland		
CN	China	KR	Republic of Korea	PT	Portugal		
CU	Cuba	KZ	Kazakstan	RO	Romania		
CZ	Czech Republic	LC	Saint Lucia	RU	Russian Federation		
DE	Germany	LI	Liechtenstein	SD	Sudan		
DK	Denmark	LK	Sri Lanka	SE	Sweden		
EE	Estonia	LR	Liberia	SG	Singapore		

10

15

20

Classification Method and Apparatus

The invention relates to a method and apparatus for classifying items.

The invention is concerned especially with the classification of coins or banknotes.

Coins and banknotes inserted into mechanisms, such as vending machines, change machines and the like, are classified, on the one hand according to value, and/or on the other hand, between originals and copies or counterfeits thereof. Various methods of performing such classifications are known. As one example, described in GB 2 238 152 A, the contents of which are incorporated herein by reference. For example, measurements are taken from an inserted coin which represent different features of the coin, such as material and the thickness. Those measurements are then compared with respective stored pairs of values, each set of pair of values corresponding to a respective acceptable denomination of coin. When each measured value falls within the respective range for a given denomination, the inserted coin is classified as belonging to that denomination.

In the type of classification discussed above, the measured values can be regarded as elements in a feature vector, and the acceptable measurements for different denominations correspond to regions in feature space, known as acceptance regions. In the example given above, the feature space is two-dimensional, and acceptance regions are rectangles, but the feature space can

have any number of dimensions, with corresponding complexity in the acceptance regions. For example, GB 2 254 949 A, the contents of which are incorporated herein by reference, describes ellipsoidal acceptance regions in three-dimensional feature space.

5

Other examples of methods and apparatus for classifying bills and coins are described in EP 0 067 898 A, EP 0 472 192 A, EP 0 165 734 A. Other methods of classification include the use of neural networks, as described, for example, in EP 0 553 402 A and EP 0 671 040 A, the contents of which are also incorporated herein by reference.

10

15

A significant problem in the classification of coins is the difficulty of separating different denominations. The population distributions of the different denominations of interest may be such that it is not possible easily to define appropriate acceptance boundaries with which adequately separate the denominations. Another problem is that in order to achieve adequate separation, it may be necessary to consider feature vectors having a large number of elements, which makes it more difficult to understand the various distributions and thus more difficult to obtain suitable acceptance boundaries. These problems are akin to general classification problems in data analysis which has been studied and have led to various different techniques including statistical methods.

20

As an example of a statistical method of data analysis, principal component analysis ("PCA"), is a method whereby data expressed in one

10

15

20

3

space is transformed using a linear transformation into a new space, where most of the variation within the data can be explained using fewer dimensions than in the first space. The method of PCA involves finding the eigenvectors and eigenvalues of the covariance matrix of the variables. The eigenvectors are the axes in the new space, with the eigenvector having the highest eigenvalue being the first "principal component" and so on in decreasing size. Details of PCA can be found in textbooks on multivariate analysis, such as "Introduction to Multivariate Analysis" by Chatfield and Collins, see Chapter 4.

Another method of data analysis for classification purposes is linear

discriminant analysis ("LDA"). LDA is useful when it is known that the data falls into separate groups. LDA aims to transform the data into a new space so as to maximize the distance between the centre of each group of data as projected onto axes in the new space and also to minimize the variance of each group along the axes. Methods for doing this are described in, for example, "Introduction to Statistical Pattern Recognition" by Fukunaga ("Fukunaga"). In one example, the maximisation is performed by finding a linear transformation which maximises the value of the trace of C⁻¹V where V is the inter-class covariance matrix and C is the covariance matrix of all samples. As explained in Fukunaga, this amounts to finding the eigenvectors

and eigenvalues of C-1V. The eigenvectors are the axes of the new space. As

WO 00/33262 PCT/IB99/02012

described in the paper, when there are N classes, the new space has N-1 dimensions.

In many situations, neither PCA nor LDA will give adequate separation of the groups of data. A further method of data analysis is non-linear component analysis (NCA), which is based on PCA. In NCA, the data is projected into a new space using a non-linear mapping, and then PCA is performed in the new space. Details of NCA are given in the article "Nonlinear component Analysis as a Kernel Eigenvalue Problem" by Bernhard Scholkopf, Alexander Smola and Klaus-Robert Muller, Neural Computation 10, 1299-1319 (1998). ("Scholkopf".)

5

10

15

20

A problem with NCA is that the dimension of the non-linear space may be very large, and so the number of principal components is also very large. For a given problem, it is not known how many principal components are needed for a good classification.

Generally, the invention relates to a method of deriving a classification for classifying items of currency comprising measuring known samples for each class and deriving features vectors from the measured samples, mapping the feature vectors to a second space in which there is a clearer separation of the different classes and deriving a separating function using the separation in the second space.

More specifically, the present invention provides a method of deriving a classifier for classifying items of currency into two or more classes WO 00/33262 PCT/IB99/02012 5

comprising measuring known samples for each class and deriving feature vectors from the measured samples, selecting a function corresponding to a mapping of the feature vector space to a second space, mapping feature vectors to image vectors, and deriving coefficients representing N-1 axes, where N is the number of classes, in the second space, obtaining values representing the projections of the image vectors for the measured samples onto the N-1 axes, and using those values to derive a separating function for separating the classes equivalent to a separating function in the second space.

5

10

15

20

The invention also provides a method for classifying an item of currency comprising measuring features of the item, generating a feature vector from the measured values, and classifying the item using a classifying derived by a method according to any one of claims 1 to 6.

The invention also provides an apparatus for classifying items of currency comprising measuring means for measuring features of an item of currency, feature vector generating means for generating a feature vector from the measured values, and classifying means for classifying the item using a classifier derived according to the method of any one of claims 1 to 6.

The invention also provides an apparatus for classifying items of currency comprising measuring means for measuring features of an item of currency, feature vector generating means for generating a feature vector from the measured values, and classifying means for classifying the item using a function corresponding to a non-linear mapping of the feature vector space to

a second higher-dimensional space, mapping feature vectors to image vectors, and coefficients representative of N-1 axes, where N is the number of classes that can be classified by the apparatus, in the second space, and a function equivalent to a separating function in the second space.

An embodiment of the invention will be described with reference to the accompanying drawings of which:

Fig. 1 is a block diagram of a classification system.

10

15

20

Fig. 2 is a graph showing a distribution of coin data; and

Fig. 3 is a graph showing a projection of the data of Fig. 2 onto new axes.

The invention will be described with reference to a coin validator.

In Fig. 1, box 1 designates a measuring system which includes an inlet 2, a transport system in a form of a coin inlet and coin transport path (not shown) for presenting a sample 3 and a sensor system (not shown) for measuring physical quantities of the sample. The measuring system 1 is connected to a processing system 4 by means of a data bus 5. Processing system 4 is connected to a classifier 6 by means of a data bus 7. The output of the classifier 6 is connected to a utilization system 8 by means of a data output bus 9. The utilization system 8 is in this example a vending machine, but may also be, for example, a money exchange machine.

The measuring system 1 measures features of an inserted coin 3. The measured features are assembled into a feature vector having n elements,

10

15

20

PCT/IB99/02012

where each element corresponds to a measured feature by the processing system 4. In the present example, the sensor system measures values representative of the material, thickness and diameter of an inserted coin, using known techniques (see, for example, GB 2 254 949 A) and those values are the three elements of the corresponding feature vector. Briefly, each sensor comprises one or more coils in a self-oscillating circuit. In the case of the diameter and thickness sensors, a change in the inductance of each coil caused by the proximity of an inserted coin causes the frequency of the oscillator to alter, whereby a digital representation of the respective property of the coin can be derived. In the case of the conductivity sensor, a change in the Q of the coil caused by the proximity of an inserted coin causes the voltage across the coil to alter, whereby a digital output representative of conductivity of the coin may be derived. Although the structure, positioning and orientation of each coil, and the frequency of the voltage applied thereto, are so arranged that the coil provides an output predominantly dependent upon a particular one of the properties of conductivity, diameter and thickness, it will be appreciated that each measurement will be affected to some extent by other coin properties.

Of course, many different features representative of items of currency can be measured and used as the elements of the feature vectors. For example, in the case of a banknote, the measured features can include, for example, the width of the note, the length of the note, and the intensity of

reflected or transmitted light for the whole or part of the note. As an example, a measuring system can be arranged to scan a banknote along N lines using optical sensors. Each scan line contains L individual areas, which are scanned in succession. In each area, there are measurements of M different features. More specifically, for each area, measurements are made of the reflectance intensities of red, green and infra-red radiation. The total number of measurements for a banknote is therefore L x M x N. These measurements form the components of a feature vector for the respective specimen, so that the feature vector has L x M x N components. Alternatively, the measurements can be processed in a different way to obtain a feature vector representative of the measured specimen. For example, local feature vectors for each measured area can be formed made up of the M measurements for that area, so that each local feature vector has M components. The local feature vectors can then be summed over the area of the banknote to obtain an M dimensional feature vector representative of the entire specimen.

5

10

15

20

The feature vector is then input to the classifier 6. The classifier 6 determines whether the sample belongs to any one of predetermined classes, using the feature vector and predetermined classification criteria including a separating function. If the sample is identified as belonging to an acceptable denomination of banknote, then it is accepted and the corresponding value of the note is credited. If the sample is identified as belonging to a known counterfeit group, it is rejected.

10

15

20

In this example, the system is for classifying two denominations of coins and one known counterfeit. A two-dimensional representation of the distribution in measurement space is shown in Fig. 2. The crosses represent samples of the first denomination, the dots represent counterfeits of the first denomination and the circles represent samples of the second denomination.

The derivation of the separating function will be described below in general terms. The method of classification will then be described, also in general terms, followed by an explanation of the application of the general method to the specific example.

Briefly, a method for deriving a separating function according to an embodiment of the invention maps the input space, that is the space of the measured feature vectors, using a non-linear map, into a higher dimensional space with linear properties. Separating hyperplanes are constructed in the mapped space using training data, using the equivalent of an LDA analysis in the mapped space.

The population distribution of the denominations are analysed as discussed below.

Initially, samples of each of the denominations of interest and each of the known counterfeit are measured and corresponding feature vectors are formed. The feature vectors from the samples, when plotted, for example, on a n-dimensional scatter graph, (where n is the number of measured features) fall roughly into groups, known as clusters. These measured samples are then

used to derive a separating function, as described below. In this example, 50 samples for each denomination and 50 samples of the counterfeit, are used.

Before proceeding further, a general explanation of the notation used is provided.

The input space, that is, the space of feature vectors, is defined as X. $X = \bigcup_{i=1}^{N} X_{i}$, where N is the number of clusters. The cardinality of subspace X_{1} is denoted by n_{1} , and the number of elements in X is M. Thus $\sum_{i=1}^{N} n_{i} = M$. x^{1} is the transpose of vector x.

In the input space, C is the covariance matrix, and

10
$$C = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^{M} x_j x_j'$$
 (1)

The method of the invention uses a kernel function k defining a dot product in a mapped space. Suppose ϕ is a non-linear function mapping X into a Hilbert space F.

and
$$k(x,y) = \phi(x) \cdot \phi(y) = \phi^{t}(x) \phi(y)$$

As will be clear from the following discussion, it is not necessary explicitly to construct ϕ for a given k, although it can be shown, by Mercer's theorem, if for any k is a continuous kernel of a positive integral operator

which is positive, then a ϕ exists (see Schölkopf Section 3 and Appendix C). Nor is it necessary to perform dot products explicitly in F, which may be an infinite dimensional space.

In F, V is the covariance matrix, and

5
$$V = \frac{1}{M} \sum_{j=1}^{M} \phi(x_{j}) \phi'(x_{j})$$
 (3)

We assume that the observations are centred in F, that is, that $\sum_{j=1}^{M} \phi(x_j) = 0$. A method of centering data will be described later.

B is the covariance matrix of the cluster centres, and

$$B = \frac{1}{M} \sum_{l=1}^{N} n_l \overline{\phi_l \phi_l'}$$
 (4)

where $\overline{\phi_i}$ is the mean value of the cluster l, that is

$$\overline{\phi_l} = \frac{1}{n_l} \sum_{k=1}^{n_l} \phi(x_k) \tag{5}$$

where x_{lj} is the element j of the cluster 1.

B represents the inter-cluster inertia in F.

V can also be expressed using the clusters as

15
$$V = \frac{1}{M} \sum_{l=1}^{N} \sum_{k=1}^{n_l} \phi(x_{lk}) \phi'(x_{lk})$$
 (6)

V represents total inertia in F.

Let
$$k_{ij} = k(x_i, x_i)$$

and
$$(k_{ij})_{pq} = (\phi^t(x_{pi})\phi(x_{qj}))$$

Let K be an (MxM) matrix defined on the cluster elements by $(K_{pq})_{p=1,...N} = 1...N$ where (K_{pq}) is the covariance matrix between cluster p and cluster q.

$$K = (K_{pq})_{p=1...N} = 1...N$$
 where $K_{pq} = (k_{ij})_{i...n_p}$ (8)

 K_{pq} is a $(n_p \times n_q)$ matrix

5 and K is symmetric so that $K'_{pq} = K_{pq}$

W is the matrix centre, and

$$W = (W_1)_{1=1...N}$$
 (9)

where W_1 is a $(n_1 \times n_1)$ matrix with all terms equal to $\frac{1}{n_1}$.

W is a M x M block diagonal matrix.

The method essentially performs linear discriminant analysis in the mapped space F to maximise inter-cluster inertia and minimise the intra-cluster inertia. This is equivalent to eigenvalue resolution, as shown in Fukunaga. A suitable separating function can then be derived.

More specifically, the method involves finding the eigenvalues λ and eigenvectors v that satisfy

$$\lambda V v = B v \tag{10}$$

The eigenvectors are linear combinations of elements of F and so there exist coefficients α_{pq} (p=1...N, q=1...n_p) such that

$$v = \sum_{p=1}^{N} \sum_{q=1}^{n_p} \alpha_{pq} \phi(x_{pq})$$
 (11)

The eigenvectors of equation (10) are the same as the eigenvectors of

$$\lambda \phi'(x_{ij})Vv = \phi'(x_{ij})Bv \tag{12}$$

(see Schölkopf).

Using the definitions of K and W, and equations (6) and (11), the lefthand side of (12) can be expressed as follows:

$$Vv = \frac{1}{M} \sum_{l=1}^{N} \sum_{k=1}^{n_l} \phi(x_{lk}) \phi'(x_{lk}) \sum_{p=1}^{N} \sum_{q=1}^{n_p} \alpha_{pq} \phi(x_{pq})$$

$$= \frac{1}{M} \sum_{p=1}^{N} \sum_{q=1}^{n_p} \alpha_{pq} \sum_{l=1}^{N} \sum_{k=1}^{n_l} \phi(x_{lk}) \left[\phi'(x_{lk}) \ \phi(x_{pq}) \right]$$
and
$$\lambda \phi'(x_{ij}) Vv = \frac{\lambda}{M} \sum_{p=1}^{N} \sum_{q=1}^{n_p} \alpha_{pq} \phi'(x_{ij}) \sum_{l=1}^{N} \sum_{k=1}^{n_l} \phi(x_{lk}) \left[\phi'(x_{lk}) \ \phi(x_{pq}) \right]$$

$$= \frac{\lambda}{M} \sum_{p=1}^{N} \sum_{q=1}^{n_p} \alpha_{pq} \sum_{l=1}^{N} \sum_{k=1}^{n_l} \left[\phi'(x_{ij}) \phi(x_{lk}) \right] \left[\phi'(x_{lk}) \ \phi(x_{pq}) \right]$$

Using this formulate for all clusters i and for all elements j we obtain:

10
$$\lambda(\phi'(x_{11}),...,\phi'(x_{\ln_q}),...,\phi'(x_{ij}),...,\phi'(x_{N1}),...,\phi'(x_{Nn_N}))Vv = \frac{\lambda}{M}KK\alpha$$

$$\alpha = (\alpha_{Pq})_{P=1...N}$$
where
$$q = 1...n_p$$

$$= (\alpha_P)_{P=1...N}$$
where
$$\alpha_P = (\alpha_m)q = 1...n_p$$

Using equations (4), (5) and (11), for the right term of (14):

$$Bv = \frac{1}{M} \sum_{p=1}^{N} \sum_{q=1}^{n_p} \alpha_{pq} \phi(x_{pq}) \sum_{l=1}^{N} n_l \left[\frac{1}{n_l} \sum_{k=1}^{n_l} \phi(x_{lk}) \right] \left[\frac{1}{n_l} \sum_{k=1}^{n_l} \phi(x_{lk}) \right]^l$$

$$= \frac{1}{M} \sum_{p=1}^{N} \sum_{q=1}^{n_p} \alpha_{pq} \sum_{l=1}^{N} \left[\sum_{k=1}^{n_l} \phi(x_{lk}) \right] \left[\frac{1}{n_l} \sum_{k=1}^{n_l} \phi'(x_{lk}) \right] \phi(x_{pq})$$

and
$$\phi'(x_{ij})Bv = \frac{1}{M} \sum_{p=1}^{N} \sum_{q=1}^{n_p} \alpha_{pq} \sum_{l=1}^{N} \left[\sum_{k=1}^{n_l} \phi'(x_{ij}) \phi(x_{ik}) \right] \frac{1}{n_l} \left[\sum_{k=1}^{n_l} \phi'(x_{ik}) \phi(x_{pq}) \right]$$

For all clusters i and for all elements j we obtain:

$$(\phi'(x_{11}),...,\phi'(x_{ln_1}),...,\phi'(x_{ij}),...,\phi'(x_{N1}),...,\phi'(x_{Nn_N}))Bv = \frac{1}{M}KWK\alpha \qquad (14)$$

Combining (13) and (14) we obtain:

5 $\lambda KK\alpha = KWK\alpha$

Thus,
$$\lambda = \frac{\alpha' KWK\alpha}{\alpha' KK\alpha}$$
 (15)

K can be decomposed as K = QR (Wilkinson, 1971) so that $K\alpha$ = QRa.

R is upper triangular and Q is orthonormal, that is $Q^tQ = I$.

Q is a Mxr matrix and R is a rxM matrix, where r is the rank of K. It is known that the QR decomposition always exists for a general rectangular matrix.

Then, let
$$R\alpha = \beta$$
 (16)

As the rows of R are linearly independent, for a given β , there exists at

least one α solution.

Hence $K\alpha = Q\beta$ and $\alpha^t K = \beta^t Q^t$ (K is symmetric).

Substituting in (15)

$$\lambda = \frac{\alpha' KWK\alpha}{\alpha' KK\alpha} \tag{17}$$

Q is orthonormal so
$$\lambda \beta = Q^t W Q \beta$$
 (18)

Equation (18) is in the form of a standard eigenvector equation. As K is singular, the QR decomposition permits work on a subspace Q β , which simplifies the resolution.

Then the coefficients α can be derived from β from equation (16), and then the eigenvectors from equation (11).

These coefficients α are normalised by requiring that the corresponding vectors v in F be normalised. That is:

or (from equation 11)
$$V'V = \sum_{p=1}^{N} \sum_{q=1}^{n_p} \sum_{l=1}^{N} \sum_{h=1}^{n_l} \alpha_{pq} \alpha_{lh} \phi'(x_{pq}) \phi(x_{lh}) = 1$$

$$= \sum_{p=1}^{N} \sum_{l=1}^{N} \alpha'_{p} K_{pl} \alpha_{l} = 1$$

$$= \alpha' K \alpha$$
(19)

so (19) $\Rightarrow \alpha' K \alpha = 1$

20

The steps given above set out how to find the eigenvectors v of equation (10).

(20)

As its known from linear discriminant analysis (see, for example, Fukunaga), the number of eigenvectors = N-1 where N is the number of clusters. The image of the clusters in the subspace spanned by the eigenvectors is found by projecting onto the eigenvectors. This is done using the following equation:

10

15

for an eigenvector v, and a feature vector x.

$$(\phi'(x)v) = \sum_{p=1}^{N} \sum_{q=1}^{n_p} \alpha_{pq} \phi'(x_{pq}) \phi(x)$$

$$= \sum_{p=1}^{N} \sum_{q=1}^{n_p} \alpha_{pq} k(x_{pq}, x)$$
(21)

As can be seen from the above, the calculation does not require knowledge of ϕ , or the need to calculate a dot product in F.

It has been shown in experiments that by use of a suitable kernel function, the images of the clusters in the eigenvector subspace are well-separated and, more specifically, may be linearly separable, that is they can be separated by lines, planes or hyperplanes.

Then a suitable separating function can easily be derived for classifying measured articles, using a known technique, such as inspection, averaging, Malalanobis distance, comparison with k nearest neighbours.

As mentioned previously, it was assumed that the observations are centred in F. Centering will now be discussed in more detail. Firstly, for a given observation x_{ij} : element j of the cluster i, the image $\phi(x_{ij})$ is centered according to:

$$\tilde{\phi}(x_{ij}) = \phi(x_{ij}) - \frac{1}{M} \sum_{l=1}^{N} \sum_{k=1}^{n_l} \phi(x_{lk})$$
 (22)

We have then to define the covariance matrix K with centered points:

$$(\tilde{k}_{ij})_{pq} = (\tilde{\phi}(x_{pi}).\tilde{\phi}(x_{qj}))$$
 for a given cluster p and q.

$$(\tilde{k}_{ij})_{pq} = \left[\phi(x_{pl}) - \frac{1}{M} \sum_{l=1}^{N} \sum_{k=1}^{n_{l}} \phi(x_{lk})\right] \left[\phi(x_{qj}) - \frac{1}{M} \sum_{h=1}^{N} \sum_{m=1}^{n_{m}} \phi(x_{hm})\right]$$

$$(\tilde{k}_{ij})_{pq} = (k_{ij})_{pq} - \frac{1}{M} \sum_{l=1}^{N} \sum_{k=1}^{n_{l}} (1_{ik})_{pl} (k_{kj})_{lq} - \frac{1}{M} \sum_{h=1}^{N} \sum_{m=1}^{n_{m}} (k_{im})_{ph} (1_{mj})_{hq} + \frac{1}{M^{2}} \sum_{l=1}^{N} \sum_{k=1}^{n_{l}} \sum_{h=1}^{N} \sum_{m=1}^{n_{m}} (1_{ik})_{pl} (k_{km})_{lk} (1_{mj})_{hq}$$

$$\tilde{K}_{pq} = K_{pq} - \frac{1}{M} \sum_{l=1}^{N} 1_{pl} K_{lq} - \sum_{h=1}^{N} K_{ph} 1_{hq} + \frac{1}{M^{2}} \sum_{l=1}^{N} \sum_{h=1}^{N} 1_{pl} K_{lh} 1_{hq}$$

$$\tilde{K} = K - \frac{1}{M} 1_{N} K - \frac{1}{M} K 1_{N} + \frac{1}{M^{2}} 1_{N} K 1_{N}$$

Where we have introduced the following matrix:

 $l_{pl} = (l_{ik})_{i=1,\dots,n_p;k=1,\dots,n_l}$, $(n_p x n_l)$ matrix whose elements are all equal to 1.

 $l_{N}=(l_{pl})_{\rho=1,\dots,N;l=1,\dots,N}, (MxM) \quad \text{matrix} \quad \text{whose elements are block}$ matrices.

Thus, for non-centred points $\phi(x_{ij})$, we can derive \tilde{K} from K and then solve for the eigenvectors of \tilde{K} . Then, for a feature vector x, the projection of the centred ϕ -image of x onto the eigenvectors \tilde{v} is given by:

$$(\tilde{\phi}'(x)v) = \sum_{p=1}^{N} \sum_{q=1}^{n_p} \tilde{\alpha}_{pq} \tilde{\phi}'(x_{pq}) \tilde{\phi}(x)$$

The above discussion sets out in general terms the method of general discriminant analysis. The general principles will now be illustrated with reference to the specific example of the coin validator.

Returning to the example of the coin validator at the beginning of the description, the feature vectors each have three elements, and there are three

10

clusters, corresponding to each of the two denominations of interest and the known counterfeit respectively.

50 samples of each denomination and 50 samples of the counterfeit are input to the measuring system 1. As previously mentioned, the sensor systems measures samples to obtain values representative of the thickness, material and diameter in each case. Corresponding feature vectors are formed from the measured features for each sample.

From the 50 samples feature vectors for each cluster, 37 are randomly selected for use in generating the separating function.

A kernel function is then chosen. The kernel function is chosen on the basis of trial and error so as to choose whichever function gives the best separation results. There are a large number of kernel functions, satisfying Mercer's theorem, which may be suitable. Examples of kernel functions are the polynominal kernel:

15
$$k(x, y) = (x.y)^d;$$

the Gaussian kernel:

$$k(x,y) = \exp \frac{(||x-y||^2)}{\sigma^2};$$

the hyberbolic tangent kernel:

$$k(x,y) = tanh((x,y)+\theta)$$
; and

the sigmoid kernel:

$$k(x,y) = (\frac{1}{1 + e^{-((x,y)+\theta)}})$$
.

15

In this example, the Gaussian kernel is used, with $\sigma^2 = 0.01$.

Using the selected samples and the kernel function, the matrices K and W are calculated. (Equations (8) and (9)).

Then K is decomposed using QR decomposition.

5 Then eigenvectors β and corresponding eigenvectors are calculated (equation (18)).

Then coefficients α are calculated and normalised (equations (16) and (20)).

Thereafter, the feature vectors of the remaining 13 samples for each cluster are projected onto the eigenvectors v (equation 21) and the results are plotted on a graph for easy inspection. In this example, there are 3 clusters, so there are 2 eigenvectors, and separation is in 2-d space. This is shown in Fig. 3. As can be seen, the clusters are well-separated. More specifically, each cluster is projected on one point, which is the gravity centre. The separation of the projection of the clusters with the eigenvectors is then analysed, and used to derive a separation function. In this example, a linear separating function can easily be derived by inspection. For example, a suitable separating function is:

for eigenvectors v_1 , v_2

20 and an input vector x

If
$$[(\phi'(x)\nu_1) > 0 \text{ and } (\phi'(x)\nu_2) > 0]$$
 then

WO 00/33262 PCT/IB99/02012 20

x belongs to group l (that is, it is of the first denomination);

if
$$[(\phi'(x)v_i) > 0 \text{ and } (\phi'(x)v_2) < 0]$$

then x belongs to group 2 (that is, it is of the second

5 denomination); and

10

15

20

if
$$[(\phi'(x)v_1) < 0 \text{ and } (\phi'(x)v_2) > 0]$$

then x belongs to group 3 (that is, it is a counterfeit of the first denomination).

Classification for coins of an unknown denomination is then performed as follows. The inserted coin is sensed, and measurements representative of the material, thickness and diameter are obtained, as for the samples. A feature vector is then derived from the measured values. The feature vector is then projected onto the calculated eigenvectors (using equation 21) and the coin is classified in accordance with the projection values and the separating function, as described above.

The analysis of the sample values for the initial data analysis and the derivation of the separating function can be done, for example, using a microprocessor. Similarly, the classifier 6 may be a microprocessor.

As an alternative, the classifier 6 may be a neural network, such as a probabilistic neural network, or a perceptron. For example, the neural network may include N-1 linear output neurones and M hidden neurones, where every kernel computation is a hidden neurone. Then the input weights

WO 00/33262 PCT/IB99/02012 21

are the values \boldsymbol{x}_{pq} , and the coefficients α are the weights between the hidden neurones and the output layer.

Also, the classifier may be a linear classifier, or a Support Vector Machine.

The methods of the embodiment described above are equally applicable to a banknote or indeed to a classification of other sorts of items.

Other methods of solving (10), for example by decomposing K using eigenvector decomposition, are possible.

5

In the embodiment, a non-linear mapping to a higher-dimensional space is used. A linear mapping could be used instead. Also, mapping could be to a lower-dimensional space, or to a space of the same dimension as the feature vector space.

10

15

Claims

- 1. A method of deriving a classification for classifying items of currency into two or more classes comprising measuring known samples for each class and deriving feature vectors from the measured samples, selecting a function corresponding to a mapping of the feature vector space to a second space, mapping feature vectors to image vectors, and deriving coefficients representing N-1 axes, where N is the number of classes, in the second space, obtaining values representing the projections of the image vectors for the measured samples onto the N-1 axes, and using those values to derive a separating function for separating the classes equivalent to a separating function in the second space.
- 2. A method as claimed in claim 1 wherein the mapping is a non-linear mapping.
 - 3. A method as claimed in claim 1 or claim 2 wherein the second space is higher-dimensional than the first space.
- 4. A method as claimed in any one of claims 1 to 3 wherein the coefficients are derived by optimising the separation of the groups of image vectors for each class with respect to the axes.

10

20

- 5. A method as claimed in any one of claims 1 to 4 comprising deriving a matrix V where V is the covariance matrix in the second space and a matrix B where B is the covariance matrix of the class centres in the second space, deriving the solutions to the equation $\lambda Vv=Bv$, and deriving said coefficients from the solutions v.
- 6. A method as claimed in any one of claims 1 to 5 wherein said function expresses a dot product in the second space in terms of a function on two elements of the feature vector space.
- 7. A method as claimed in claim 6 wherein said function is k(x,y) where $k(x,y) = (x,y)^d$.
- 8. A method as claimed in claim 6 wherein said function is k(x,y) where $k(x,y) = \exp \frac{(||x-y||^2)}{\sigma^2}$.
 - 9. A method as claimed in claim 6 wherein said function is k(x,y) where $k(x,y) = \tanh((x,y) + \theta)$.

10

- 10. A method as claimed in claim 6 wherein said function is k(x,y) where $k(x,y) = (\frac{1}{1 + e^{-((x,y) + \theta)}})$.
- 11. A method for classifying an item of currency comprising measuring features of the item, generating a feature vector from the measured values, and classifying the item using a classifying derived by a method according to any one of claims 1 to 10.
- 12. An apparatus for classifying items of currency comprising measuring means for measuring features of an item of currency, feature vector generating means for generating a feature vector from the measured values, and classifying means for classifying the item using a classifier derived according to the method of any one of claims 1 to 10.
- 13. An apparatus for classifying items of currency comprising measuring means for measuring features of an item of currency, feature vector generating means for generating a feature vector from the measured values, and classifying means for classifying the item using a function corresponding to a mapping of the feature vector space to a second space, mapping feature vectors to image vectors, and coefficients representative of N-1 axes, where N is the number of classes that can be classified by the apparatus, in the second space, and a function equivalent to a separating function in the second space.

14. An apparatus as claimed in claim 13 wherein the classifying means comprises means for deriving values representing the projection of the image of the feature vector of the measured item onto the or each axis.

5

- 15. An apparatus as claimed as claimed in any one of claims 12 to 14 wherein the classifying means comprises a neural network.
- 16. An apparatus as claimed in any one of claims 12 to 15 comprising a coin inlet and the measuring means comprises sensor means for sensing a coin.
 - 17. An apparatus as claimed in claim 16 wherein the sensor means is for sensing the material and/or the thickness and/or the diameter of a coin.

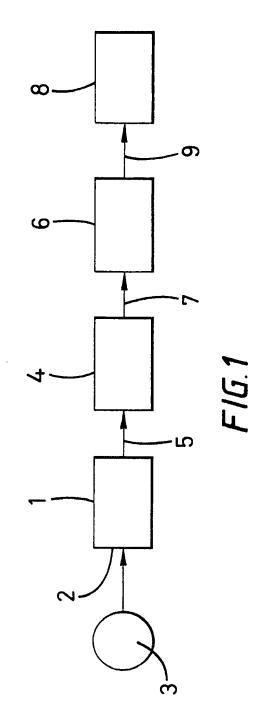
15

18. An apparatus as claimed in any one of claims 12 to 14 comprising a banknote inlet and wherein the measuring means comprises sensor means for sensing a banknote.

20

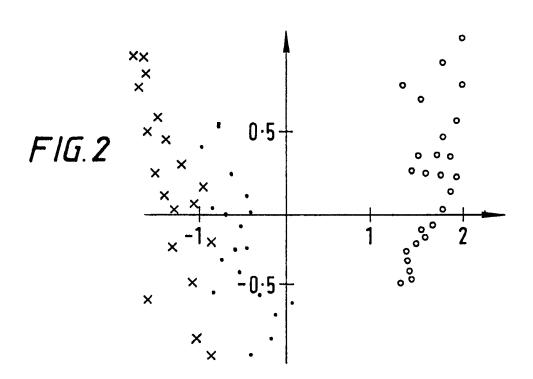
19. An apparatus as claimed in claim 18 wherein the sensor means is for sensing the intensity of light reflected from and/or transmitted through a banknote.

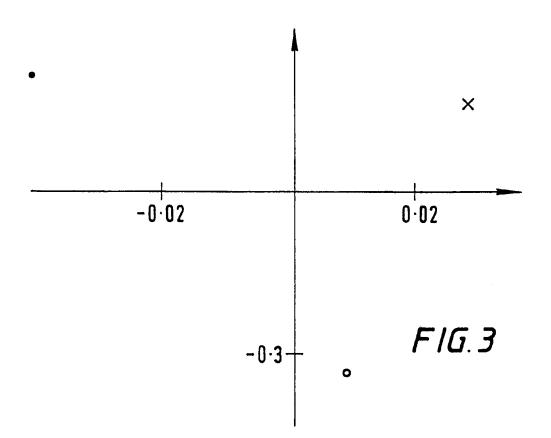
- 20. A coin validator comprising an apparatus as claimed in any one of claims 12 to 17.
- 5 21. A banknote validator comprising an apparatus as claimed in any one of claims 12 to 14 or 18 or 19.



WO 00/33262







SUBSTITUTE SHEET (RULE 26)

INTERNATIONAL SEARCH REPORT

Internal. J Application No PCT/IB 99/02012

A CLASSI IPC 7	FICATION OF SUBJECT MATTER G07D5/00 G06K9/6	2						
According to	o International Patent Classification (IPC) or to both national classifi	cation and IPC						
	SEARCHED							
IPC 7								
	ista base consulted during the international search (name of data b							
		and and, where presents, seemen terms used						
C. DOCUM	ENTS CONSIDERED TO BE RELEVANT							
Category *	Citation of document, with indication, where appropriate, of the re	slevant passages	Relevant to claim No.					
X	BURGES C J C: "A tutorial on su vector machines for pattern reco DATA MINING AND KNOWLEDGE DISCOV vol. 2, no. 2, 1998, pages 121-1 XP002087854	1–9, 11–13						
x	Chapter 4, 4.1-4.3 BURGES C J C: "Simplified support vector decision rules" MACHINE LEARNING. PROCEEDINGS OF THE INTERNATIONAL CONFERENCE, XX, XX, 3 July 1996 (1996-07-03), pages 71-77, XP002087853		1 - 9, 11-13					
A	the whole document US 5 522 491 A (BAUDAT GASTON E 4 June 1996 (1996-06-04) abstract	T AL)	1,13					
Furt	her documents are listed in the continuation of box C.	X Patent family members are listed	in annex.					
"A" docum	stegories of cited documents : ent defining the general state of the art which is not	"T" later document published after the Inte or priority date and not in conflict with ched to understand the principle or the	emational Wing date the application but					
"E" earlier	dered to be of particular relevance document but published on or after the international date ent which may throw doubts on priority claim(s) or is cited to establish the publication date of another	invention X" document of particular relevance; the claimed invention cannot be considered novel or cannot be considered to involve an inventive step when the document is taken alone						
"O" docum other	or other special reason (as specified) ent referring to an oral disclosure, use, exhibition or means ent published prior to the international filing date but	"Y" document of particular relevance; the of carnot be considered to involve an in document is combined with one or ments, such combination being obvio in the art.	ventive step when the ore other such docu-					
later than the priority date claimed "&" document member of the same patent family								
	April 2000	Date of mailing of the interriational see	шон өрөк					
Name and	mailing address of the ISA European Patent Office, P.B. 5818 Patentiaan 2 NL – 2280 HV Rijewijk	Authorized officer						
ĺ	Tel. (+31-70) 340-2040, Tx. 31 651 epo nl, Fax: (+31-70) 340-3016	Sonius, M	Tel. (+31-70) 340-2040, Tx. 31 651 epo nl, Fax: (+31-70) 340-3016 Sonius, M					

INTERNATIONAL SEARCH REPORT

Information on patent family members

Internet: J Application No PCT/IB 99/02012

Patent document cited in search report	Publication date		atent family nember(s)	Publication date
US 5522491 A	04-06-1996	СН	684222 A	29-07-1994
		CA	2088349 A	11-09-1993
		DE	59308678 D	23-07-1998
		EP	0560023 A	15-09-1993
		ES	2118142 T	16-09-1998
		HK	1011834 A	16-07-1999
		JP	6044377 A	18-02-1994
		NO	930867 A	13-09-1993
		US	5503262 A	02-04-1996

Form PCT/ISA/210 (patent family annex) (July 1992)

(19)日本国特許庁(JP)

(12) 公開特許公報(A)

(11)特許出願公開番号

特開平11-73406

(43)公開日 平成11年(1999)3月16日

(51) Int.Cl.⁶
G 0 6 F 15/18

機別記号 560

G06F 15/18

FΙ

560A

審査請求 未請求 請求項の数11 OL (全 13 頁)

(21)出願番号 特顯平10-169787

(22)出願日 平成10年(1998) 6月17日

(31)優先権主張番号 08/883193 (32)優先日 1997年6月26日 (33)優先権主張国 米国(US) (71)出版人 596077259

ルーセント テクノロジーズ インコーボ

レイテッド

Lucent Technologies

Inc.

アメリカ合衆国 07974 ニュージャージ ー、マレーヒル、マウンテン アベニュー 600-700

000-700 ・ひりてトワ・

(72)発明者 クリストファー ジョン パージェス アメリカ合衆国, 07728 ニュージャージ ー フリーホールド アンドラ テラフ

ー, フリーホールド, アンドラ テラス 11

11

(74)代理人 弁理士 三俣 弘文

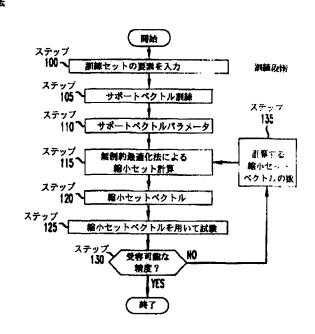
最終頁に続く

(54) 【発明の名称】 サポートペクトル機械を使用する方法

(57)【要約】

【課題】 与えられたベクトルのセットを試験段階で用いるために高次元空間に写像するアルゴリズムを用いた機械の効率を改善する。

【解決手段】 サポートベクトル機械(SVM)は、その判定値がサポートベクトルのセットによって、および、対応する重みのセットによって、パラメトライズされる万能学習機械である。本発明によるSVMは、縮小セットベクトルを用いる。縮小セットベクトルの数より少ない。これらの縮小セットベクトルはセット内のベクトルとは異なり、同次2次核で用いられる固有値計算とは異なる最適化法に従って決定される。実施例では、パターン認識で用いるために、SVMは縮小セットベクトルを利用し、これにより、ユーザが選択するファクタだけこのSVMの効率を改善する。これらの縮小セットベクトルは、無制約最適化法に従って決定される。



【特許請求の範囲】

【請求項1】 入力データ信号を受け取るステップと、前記入力データ信号に作用可能なサポートベクトル機械を用いて出力信号を生成するステップとからなる、サポートベクトル機械を使用する方法において、

1

前記サポートベクトル機械は縮小セットベクトルを利用 L...

前記縮小セットベクトルは、同次2次核に用いられる固有値計算以外の最適化法を用いて訓練段階中にあらかじめ決定されたものであることを特徴とする、サポートベ 10 クトル機械を使用する方法。

【請求項2】 前記訓練段階は、

訓練セットの要素を受け取るステップと、

Ns 個のサポートベクトルからなるサポートベクトルセットを生成するステップと、

m≦Nsとして、縮小セットベクトルの数mを選択する ステップと、

無制約最適化法を用いてm個の縮小セットベクトルを生 成するステップとからなることを特徴とする請求項1に 記載の方法。

【請求項3】 前記最適化法は無制約最適化法であることを特徴とする請求項1に記載の方法。

【請求項4】 前記入力データ信号は相異なるパターンを表し、前記出力信号は、該相異なるパターンの分類を表すことを特徴とする請求項1に記載の方法。

【請求項5】 前記訓練段階は、

前記サポートベクトル機械を訓練してサポートベクトルの数Nsを決定するステップと、

m≦Nsとして、無制約最適化法を用いて、m個の縮小セットベクトルを決定するステップとからなることを特 30 徴とする請求項1に記載の方法。

【請求項6】 入力データ信号を提供するデータ入力要素と、

前記入力データ信号に作用して少なくとも1つの出力信号を生成するサポートベクトル機械とからなる装置において、

前記サポートベクトル機械は、同次2次核に用いられる ットベクトルの数は、セット内のつ固有値計算以外の最適化法を用いてあらかじめ決定され い。これらの縮小セットベクトルを は異なり、同次2次核で用いられ とは異なり、同次2次核で用いられ とは異なり、同次2次核で用いられ とは異なり、同次2次核で用いられ となる最適化法に従って決定される。 「0005】本発明の実施例では

【請求項7】 前記データ入力要素は、該データ入力要素に入力された複数の画像を表す入力デ タ信号を提供することを特徴とする請求項6に記載の装置。

【請求項8】 前記少なくとも1つの出力信号は、各画像の分類を表すことを特徴とする請求項7に記載の装置。

【請求項9】 前記縮小セットベクトルの数はサポートベクトルの数より少ないことを特徴とする請求項6に記載の装置。

【請求項10】 前記最適化法は無制約最適化法であることを特徴とする請求項6に記載の装置。

【請求項11】 前記縮小セットベクトルは、前記無制 約最適化法を用いて前記サポートベクトル機械を訓練し ている間にあらかじめ決定されることを特徴とする請求 項10に記載の装置。

【発明の詳細な説明】

[0001]

【発明の属する技術分野】本発明は、万能学習機械に関し、特に、サポートベクトル機械に関する。

[0002]

【従来の技術】サポートベクトル機械(SVM(Support Vector Machine))は、その判定面がサポートベクトルのセットによって、および、対応する重みのセットによって、パラメトライズされる万能学習機械である。SVMはまた、核関数によっても特徴づけられる。核の選択は、その結果として得られるSVMが多項式クラシファイアであるか、2層ニューラルネットワークであるか、動径(放射状)基底関数(RBF)機械であるか、あるいはその他の学習機械であるかを決定する。SVMの判定規則は、対応する各関数およびサポートベクトルの関数である。

[0003]

【発明が解決しようとする課題】一般に、SVMは、訓練段階および試験段階という2つの段階で動作する。訓練段階中、判定規則で用いるためのサポートベクトルのセットが生成される。試験段階中、特定の判定規則を用いて判定が行われる。残念ながら、この試験段階において、SVM判定規則の計算量は、サポートベクトルセット内のサポートベクトルの数N、に比例する。

[0004]

【課題を解決するための手段】本発明によれば、与えられたベクトルのセットを試験段階で用いるために高次元空間に写像するアルゴリズムを用いた機械の効率を改善する方法および装置が実現される。具体的には、本発明の原理によれば、縮小セットベクトルを用いる。縮小セットベクトルの数は、セット内のベクトルの数より少ない。これらの縮小セットベクトルはセット内のベクトルとは異なり、同次2次核で用いられる固有値計算とは異なる最適化法に従って決定される。

【0005】本発明の実施例では、パターン認識で用いるために、SVMは縮小セットベクトルを利用し、これにより、ユーザが選択するファクタだけこのSVMの効率を改善する。これらの縮小セットベクトルは、無制約最適化法に従って決定される。

【0006】本発明の特徴によれば、縮小セットベクトルの選択により、性能対計算量のトレードオフを直接制御することが可能となる。

【0007】さらに、本発明の考え方はパターン認識に 50 固有ではなく、サポートベクトルアルゴリズムが用いら

れるような任意の問題 (例えば、回帰推定) に適用可能 である。

[0008]

【発明の実施の形態】本発明の実施例について説明する前に、サポートベクトル機械について簡単な背景的知識を説明した後、本発明の考え方自体の説明を行う。本発明の考え方以外に、読者は、当業者に知られている核ベースの方法を一般的に表現するために用いられる数学的記法を知っていると仮定する。また、本発明の考え方は、パターン認識の場合の例に関して説明される。しかし、本発明の考え方は、サポートベクトルアルゴリズムが用いられるような任意の問題(例えば、回帰推定)に適用可能である。

【0009】以下の説明で、注意すべき点であるが、10個の数字のグレイレベル画像を含む2つの光学的文字認識(OCR)データセットからの試験データを用いる。一方のデータセットは、7,291個の訓練パターンおよび2,007個の試験パターンからなり、ここでは「郵便セット」という(例えば、L. Bottou, C. Cortes, H. Drucker, L. D. Jackel, Y. LeCun, U. A. Mueller, E. Saeckinger, P. Simard, and V. Vapnik, "Comparison of Classifier Methods: A Case Studyin Handwritten Digit Recognition", Proceedings of the 12th*

$$y = \Theta\left(\sum_{i=1}^{N_S} \alpha_i K(\mathbf{x}, \mathbf{s}_i) + b\right)$$

ただし、ベクトルxおよびベクトルs,は R^4 の元であり、 α ,およびbは実数であり、 Θ は階段関数である。 R^4 は d次元ユークリッド空間であり、Rは実数である。 α ,、ベクトルs,、 N_s およびbはパラメータであり、ベクトルxは分類されるべきベクトルである。さまざまなクラシファイアに対する判定規則がこの形で書ける。例えば、K $(x \cdot s$,) 8 は多項式クラシファイアを実現し、

【数2】

$$K = \exp(-\|\mathbf{x} - \mathbf{s}_i\|^2 / \sigma^2)$$

は動径基底関数機械を実現し、K=tanh(y(x・s・)+δ)は2層ニューラルネットワークを実現する
(例えば、V. Vapnik, "Estimation of Dependencies B 40 ased on Empirical Data", Springer Verlag, 1982、V. Vapnik, "The Nature of Statistical Learning Theory". Springer Verlag, 1995、Boser, B. E., Guyon, I. M., and Vapnik, V., "A training algorithm foroptimal margin classifiers", Fifth Annual Workshop on Computational Learning Theory, Pittsburgh ACM 144-152、1992、およびB. Schoelkopf, C. J. C. Burges, and V. Vapnik, "Extracting Support Data for a Given Task", Proceedings of the First International Conference on Knowledge Discovery and Data Mining, AA 50

* IAPR International Conference on Pattern Recognit ion, Vol. 2, IEEE Computer Society Press (米国カリ フォルニア州ロスアラモス), pp. 77-83, 1994、およ U, Y. LeCun, B. Boser, J. S. Denker, D. Henderso n, R. E. Howard, W. Hubbard, L. D. Jackel, "Backpro pagation Applied to Handwritten ZIP Code Recogniti on", Neural Computation, 1, 1989, pp. 541-551、参 照)。他方のデータセットは、NIST Special Database 3およびNIST Test Data 1からの60、000個の訓練 パターンおよび10,000個の試験パターンからな り、ここでは「NISTセット」という(例えば、R. A. Wilkinson, J. Geist, S. Janet, P. J. Grother, C. J. C. Burges, R. Creecy, R. Hammond, J. J. Hull, N. J. Larsen, T. P. Vogl and C. L. Wilson, "The Fir st Census Optical Character Recognition System Con ference, 米国商務省, NIST, August 1992、参照)。 「郵便セット」の画像は16×16ピクセルであり、 「NISTセット」の画像は28×28ピクセルであ

【0010】 [従来技術:サポートベクトル機械] 判定規則が次の形をとるような2クラスクラシファイアを考える。

【数1】

:1)

Al Press (米国カリフォルニア州Menlo Park, 1995、参照)。

【0011】サポートベクトルアルゴリズムは、その判定規則が式(1)の形をとるような任意の学習機械を訓練する原理的な方法である。要求される唯一の条件は、核Kが一般的な正値性制約を満たすことである(例えば、前掲の"The Nature of Statistical Learning Theory"、および"A training algorithm for optimal margin classifiers"、参照)。他の方法とは異なり、SVM訓練プロセスは、パラメータセット全体 $\{\alpha_i, ベクトルs_i, N_s$ およびb)を決定する。その結果得られるベクトル s_i ($i=1,\ldots,N_s$)は、訓練セットのサブセットであり、サポートベクトルと呼ばれる。

【0012】サポートベクトル機械はいくつかの優れた性質を有する。訓練手続きは、制約2次最適化問題を解くこととなり、従って、求められる解は、目的関数の一意的な大域的最小値であることが保証される。SVMは、構造的リスク最小化を直接に実現するために使用可能である。この場合、学習機械の容量は、汎化誤りの限界を最小にするように制御することができる(例えば、前掲の"The Nature of Statistical Learning Theory"、および"Extracting Support Data for a GivenTask"、参照)。サポートベクトル判定面は、実際には、高次元空間内の線形分離超平面である。同様に、SVM

は、回帰を構成するためにも使用可能であり、これはある高次元空間において線形である(例えば、前掲の"The Nature of Statistical Learning Theory"、参照)。 【0013】サポートベクトル学習機械は、光学的文字認識(OCR)(例えば、前掲の"The Nature of Statistical Learning Theory"、および"Extracting Support Data for a Given Task"、ならびにC. Cortes and V. Vapnik, "Support Vector Networks", Machine Learning, Vol. 20, pp. 1-25, 1995、参照)、および対象認識のようなパターン認識問題に適用されて成功している。

【0014】図1は、従来技術のSVMの動作の流れ図である。この動作は、訓練段階および試験段階という2つの段階からなる。訓練段階では、ステップ52で、SVMは、クラスがあらかじめ割り当てられた訓練セットの要素を受け取る。ステップ54で、訓練セットからの入力データベクトルを多次元空間内へ変換する。ステップ56で、最適な多次元超平面に対するパラメータ(すなわち、サポートベクトルおよび対応する重み)が決定される。

【0015】図2に、訓練データ要素が2つのクラスに 20 分離される例を示す。一方のクラスは円で表され、他方 のクラスは四角で表されている。これは典型的な2クラ スパターン認識問題のものである。例えば、「車」のパ ターンを「車でない」パターンから分離するように訓練 されたSVMである。最適超平面は、2つのクラスのベ クトルの間に極大マージンを有する線形判定関数であ る。すなわち、最適超平面は、訓練データを極大マージ ンで分離する一意的な判定面である。図2に示すよう に、最適超平面は、2つのクラスの間の分離が最大であ る領域によって定義される。図2で観察されるように、 最適超平面を構成するには、訓練されたデータ要素のう ち、この極大マージンを決定するサブセットを考慮すれ ばよい。訓練要素のうち、最適超平面のパラメータを決 定するこのサブセットは、サポートベクトルとして知ら れている。図2では、サポートベクトルは網掛けで示さ れている。

【0016】最適超平面は、高次元空間における写像されたサポートベクトルの線形結合で表される。SVMアルゴリズムは、ベクトルのセットに関する誤差が、すべてのサポートベクトルに重みを削り当てることによって40最小化されることを保証する。これらの重みは、サポートベクトルよって判定面を計算する際に用いられる。また、このアルゴリズムによれば、特定の問題に属する訓練データに関する誤り率を最小にするために、これらの重みを適応させることが可能となる。これらの重みは、SVMの訓練段階中に計算される。

【0017】このようにして、最適超平面を構成することは、訓練セットの要素および写像された空間内の内積を決定する関数によって決定される制約2次最適化計画問題になる。この最適化問題に対する解は、従来の中間 50

最適化法を用いて求められる。

【0018】一般に、最適超平面は、誤りなしで訓練データを分離することを必要とする。しかし、場合によっては、訓練データは誤りなしで分離することができないことがある。このような場合、SVMは、最小数の誤りで訓練データを分離しようと試み、残りの要素を極大マージンで分離する。このような超平面は一般に、ソフトマージン超平面として知られている。

【0019】試験段階では、ステップ62で、SVMは、分類すべき試験セットの要素を受け取る。次に、SVMは、分類すべき試験セットの要素を受け取る。次に、SVMは、サポートベクトルを核のパラメータとして用いて、試験セットの入力データベクトルを多次元空間に写像することによって変換する(ステップ64)。写像関数は、SVMにあらかじめロードされている核の選択によって決定される。この写像は、1つのベクトルをとり、それを高次元特徴空間へ変換して、線形判定関数がこの高次元特徴空間に生成されるようにする。図1の流れ図は陰(implicit)の写像を示しているが、この写像は陽(explicit)に実行されることも可能である。ステップ066で、SVMは、各入力データベクトルの所属状態を示すように、判定面から分類信号を生成する。最終結果は、図2に示されるように、円の(+1)および四角の(-1)という出力分類信号の生成である。

【0020】残念ながら、式(1)の計算量は、サポー トベクトルの数Nsに比例する。サポートベクトルの数 の期待値は(1-1) E [P] でおさえられる。ただ し、Pは、与えられたSVMを1個の訓練サンプルで訓 練した場合の、1つの試験ベクトルに対する誤りの確率 であり、E[P]は、1個のサンプルのすべての選び方 にわたるPの期待値である(例えば、前掲の"The Natur e of Statistical Learning Theory"、参照)。従っ て、Nsはおよそ1に比例することが予想される。実際 のパターン認識問題では、この結果、同様の汎化性能を 有する他のシステムよりも試験段階において大幅に遅い 機械が得られる(例えば、前掲の"Comparisonof Classi fier Methods: A Case Study in Handwritten Digit Re cognition"、および、Y. LeCun, L. Jackel, L. Botto u, A. Brunot, C. Cortes, J. Denker, H. Drucker, I. Guyon, U. Mueller, E. Saeckinger, P. Simard, and V. Vapnik, "Comparison of Learning Algorithms for Handwritten Digit Recognition", International Conf erence on Artificial Neural Networks, Ed. F. Fogel man, P. Gallinari, pp. 53-60, 1995、参照)。

【0021】 [縮小セットベクトル] これに対して、本発明の原理によれば、ずっと少数の縮小セットベクトルによりSVM判定規則を近似する方法および装置が実現される。縮小セットベクトルは以下の性質を有する。

【0022】・縮小セットベクトルは、サポートベクトルが完全なSVM判定規則に現れるのと同様にして、近似的なSVM判定規則に現れる。

・縮小セットベクトルは、サポートベクトルではない。 縮小セットベクトルは、サポートベクトルとは異なり、 必ずしも分離マージン上にはなく、訓練サンプルでもな

- ・縮小セットベクトルは、与えられた、訓練済みのSV Mに対して計算される。
- ・縮小セットベクトルの数(従って、結果として得られ るSVMの試験段階における速度)は事前に選択され
- ・縮小セット法は、サポートベクトル法が用いられる場 10 合であればどのような場合にも適用可能である(例え ば、回帰推定)。

【0023】 [縮小セット] 訓練データは、Lの要素、 ベクトルxであるとする。ただし、L(Lは低次元(low dimensional)の意味)は、di次元ユークリッド空間R [#] として定義される。SVMは、陰写像

【数3】

$$\Phi: \mathbf{x} \mapsto \bar{\mathbf{x}}, \quad \ddot{\mathbf{x}} \in H$$

を実行する。ただし、H(Hは髙次元(high dimensiona の意味)=R_#、d_#≦∞である。以下では、Hのべ クトルにはバーを付けて示す。写像Φは、核Kの選択に よって決定される。実際、Mercerの正値性制約(例え ば、前掲の"The Nature of Statistical Learning Theo ry"、および"A training algorithm for optimal margi n classifiers"、参照)を満たす任意のKに対して、

$$\bar{\Psi} \cdot \bar{\mathbf{x}}_i + b \ge k_0 - \xi_i, \quad y_i = +1$$
 $\bar{\Psi} \cdot \bar{\mathbf{x}}_i + b \le k_1 + \xi_i, \quad y_i = -1$

ただし、{、は正のスラック変数であり、分離不能の場 合(例えば、前掲の"Support Vector Networks"、参 照)を扱うために導入したものである。分離可能の場 合、SVMアルゴリズムは、Hにおける正と負の例の間 のマージンが最大になるような分離超平面を構成する。 その後、

【数7】

$$\bar{\Psi} \cdot \Phi(\mathbf{x}) + b$$

が(k₁+k₁)/2より大きいか小さいかに応じて、試 験ベクトルx ∈ L にクラスラベル {+1, -1} を割り 40 当てる。サポートベクトルs ∈ Lは、式(2) または

(3) のいずれかが等式になるような訓練サンプルとし※
$$\bar{\Psi} \cdot \bar{\mathbf{x}} = \sum_{a=1}^{N_S} \alpha_a y_a \bar{\mathbf{s}}_a \cdot \bar{\mathbf{x}} = \sum_{a=1}^{N_S} \alpha_a y_u K(\mathbf{s}_a, \mathbf{x})$$
 (5)

【0025】しかし、本発明の考え方により、ここで、 $\Psi' = \sum_{N_z} \gamma_a \Phi(\mathbf{z}_a)$ (6)

*【数4】

$$K(\mathbf{x}_i, \mathbf{x}_j) = \bar{\mathbf{x}}_i \cdot \bar{\mathbf{x}}_j$$

であるようなペア {Φ, H} が存在する。従って、Hに おいて、SVM判定規則は単に(上記のように)、線形 分離超平面となる。写像Φは通常、陽に計算されず、H の次元diは通常大きい(例えば、同次写像K(xi,x $_{1}$) = $(x_{1} \cdot x_{1})^{\dagger}$ に対して、

【数5】

$$d_H = \binom{p + d_L - 1}{p}$$

である(p+d:-1個のものからp個のものを選ぶ場 合の数。従って、4次多項式で、d1=256の場合、 d (は約1.8億となる)。

【0024】基本的なSVMパターン認識アルゴリズム は、2クラス問題を解く(例えば、前掲のEstimation o f Dependencies Based on Empirical Data", "The Natu re of Statistical Learning Theory"、および"A train ing algorithm for optimalmargin classifiers"、参 照)。訓練データx E L および対応するクラスラベルy 1 ∈ {-1, 1} が与えられた場合、SVMアルゴリズ ムは、ベクトル x_i (i = 1, ..., 1) を2つのクラス に分ける判定面バーΨ∈Hを次のように構成する。

【数6】

(2)

(3)

30% て定義される。(サポートベクトルは、他の訓練データ と区別するためにベクトル s と表す。) すると、バーΨ は次のように与えられる。

【数8】

$$\bar{\Psi} = \sum_{n=1}^{N_S} \alpha_n y_n \Phi(\mathbf{s}_n)$$
 (4)

ただし、 $\alpha_1 \ge 0$ は、訓練中に決定される重みであり、 y₁ ∈ {-1, 1} は、ベクトル s₁のクラスラベルであ り、Ns はサポートベクトルの数である。こうして、試 験点ベクトルxを分類するためには、次式を計算する。 【数9】

が距離尺度
【数11】
$$\rho = \left|\left|\bar{\Psi} - \bar{\Psi}'\right|\right|$$
 (7)

50 を最小にする(固定したN,に対して)ようなセット.

ベクトル za E L (a=1, ..., Nr) および対応する 重みy。∈Rを考える。

10026] ここで、
$$\{y_a, z_a\}$$
 $(a=1, ..., * [数12]$

$$\bar{\Psi}' \cdot \bar{\mathbf{x}} = \sum_{a=1}^{N_Z} \gamma_a \bar{\mathbf{z}}_a \cdot \bar{\mathbf{x}} = \sum_{a=1}^{N_Z} \gamma_1 K(\mathbf{z}_a, \mathbf{x})$$
(8)

【0027】すると、目標は、結果として得られる汎化 性能の損失が許容可能な範囲にとどまるような、最小の N₁ << N₃、および対応する縮小セットを選択すること である。明らかに、 $N_1 = N_s$ とすることにより、 ρ を0 10 にすることができる。しかし、No < No で、しかも p = 0であるような自明でない場合が存在する(後述)。そ のような場合、縮小セットにより、汎化性能の損失なし で、判定規則の計算量が低減される。各Nzに対して、 対応する縮小セットを計算する場合、ρは、Nzの単調 減少関数と見ることが可能であり、汎化性能もまたNz の関数となる。本明細書では、汎化性能のNi依存性に 関する経験的結果のみについて説明する。

【0028】写像Φについて、以下のことに注意すべき である。Φの像は一般に線形空間にはならない。また、 Φは一般に全射にはならず、一対一でない可能性がある (例えば、Kが偶数次の同次多項式の場合)。さらに、 Φは、L内の線形従属ベクトルをH内の線形独立ベクト ルに写像することがあり得る(例えば、Kが非同次多項 式の場合)。Kが同次多項式の場合であっても、一般 に、ベクトル 2,をスケールすることによって係数 y,を 1にスケールすることはできない(例えば、Kが偶数次 の同次式である場合、 y . は {+1, -1} にスケール することは可能であるが、必ずしも1にスケールするこ とはできない)。

【0029】 [厳密解] このセクションでは、ρの最小 値を解析的に計算する問題を考える。まず、簡単ではあ るが自明ではない場合について説明する。

【0030】 [同次2次多項式] 同次2次多項式の場 合、規格化を1に選ぶ。

$$K(\mathbf{x}_1, \mathbf{x}_1) = (\mathbf{x}_1 \cdot \mathbf{x}_1)^2 \qquad (9)$$

【0031】説明を簡単にするため、1次近似N₁=1 を計算する。対称テンソル

【数 1 3 】
$$S_{\mu\nu} \equiv \sum_{i=1}^{N_S} \alpha_i y_i s_{i\nu} s_{i\nu}$$
 · 10)

を導入する。

$$\rho^2 = S_{\mu\nu}S^{\mu\nu} - \sum_{n=1}^{N_z} \gamma_n^2 |\mathbf{z}_n|^4$$

ただし、固有ベクトルは、固有値の絶対値の大きさの順 に並べるものとする。なお、trace(S^t)は、S の固有値の平方の和であるので、Nz=dz(データの次 元)と選択することにより、近似は厳密(すなわちρ… 50 なりうることを示している。

* N₁)を縮小セットという。試験点ベクトル x を分類す るには、式(5)の展開を次の近似で置き換える。

※【数14】

$$\rho = \left\| \bar{\Psi} - \gamma \bar{\mathbf{z}} \right\|$$

は、次式を満たす(y、ベクトルz)に対して最小にな ることが分かる。

(繰り返す添字については和をとる)。 {y, ベクトル z} をこのように選ぶと、 ρ^{\dagger} は次のようになる。

$$\rho^2 = S_{\mu\nu}S^{\mu\nu} - \gamma^2 z^4 \tag{2}$$

【0032】従って、 {y, ベクトル z} を、ベクトル zが、Sの固有値 $\lambda = y z$ が最大絶対値を有するよう な固有ベクトルとなるように選択するときに、ρの最大 降下が達成される。なお、yは、 $y = s i g n \{\lambda\}$ と なるように選択することが可能であり、ベクトルzはz 「=|λ」となるようにスケールすることが可能であ

【0033】オーダーNiに拡張すると、同様にして、 ď

30 【数 1 7】
$$\rho = \left\|\bar{\Psi} - \sum_{\alpha=1}^{N_z} \gamma_\alpha \bar{z}_\alpha\right\| \tag{13}$$

を最小にするセット { y , , ベクトル z , } におけるベク トルと、は、それぞれ固有値が

【数18】

$$|\gamma_i||\mathbf{z}_i||^2$$

であるSの固有ベクトルであることが示される。これに 40 より次式が成り立ち、ρの降下は、ベクトル z.を Sの はじめのN₁個の固有ベクトルに選択した場合に最大と なる。

【数19】

(11)

O) になる。サポートベクトルの数N。はdeより大きい ことが多いため、このことは、汎化性能の損失なしに、 縮小セットのサイズはサポートベクトルの数より小さく

【数20】

【数21】

*【0036】[一般の核]縮小セット法を任意のサポー

トベクトル機械に適用するには、上記の解析を 般の核

に拡張しなければならない。例えば、同次多項式K(x

x₂) = N (x₁ · x₂) "の場合、反復法の最初のペ

ア { y 1, ベクトルス: } を求めるために

とおくと、式(11)に類似の次式が得られる。

【0034】一般の場合、縮小セットを計算するために は、pは、すべての {ya, ベクトルza} (a= 1、..., N₁) にわたって同時に最小にならなければな らない。次のような反復法を考えると使利である。すな わち、第iステップでは、 {y₁, ベクトルz₁} (j < i) を固定して、 {y,, ベクトルz,} を計算する。2 次多項式の場合、この反復法によって生成される最小値 の列が、問題全体に対する最小値も生成する。この結果 は、2次多項式に特有であり、ベクトル 2、が直交する (あるいはそのように選択することができる) という事 10 実の結果である。

11

【0035】以下の表1に、試験セットに関して誤りの 数E,を達成するために必要な縮小セットサイズN,を示 す。ここで、郵便セットに関して訓練された2次多項式 S V M の場合、 E, は、サポートベクトルの完全セット を用いて求められる誤りの数 Esとは、高々 1 個の誤り しか異ならない。明らかに、2次の場合、縮小セット は、精度をほとんど失うことなく、計算量を大幅に減ら すことができる。また、多くの数字では、サポートベク トルの数は d1 = 256より大きいが、これは、精度を 全く失わずに高速化が可能であることを示す。

【表1】

	サポート	ペクトル	縮小	セット
数字	N_S	E_S	N_Z	Ez
0	292	15	10	16
ĺ	95	9	6	9
2	415	28	22	29
3	403	26	14	27
4	375	35	14	3.1
5	421	26	18	27
6	261	13	12	14
7	228	18	10	19
8	446	33	24	3 3
9	330	20	20	21

 $S_{\mu_1\mu_2...\mu_n} z_{1\mu_2} z_{1\mu_3} \cdots z_{1\mu_n} = \gamma_1 ||\mathbf{z}_1||^{2n-2} z_{1\mu}$ 411

ただし、

である。

★に対して式 (15)を解いたとすると、p²は次のよう

になる。 【0037】この場合、γに関してρを変化させても新 しい条件は得られない。 1 次の解 $\{y_1, \, \, \langle \gamma \rangle \}$ 大 $\rho^2 = S_{\mu_1 \mu_2 \dots \mu_n} S^{\mu_1 \mu_2 \dots \mu_n} - \gamma_1^{-1} \|z_1\|^{2n}$

【0038】そこで、次のような定義をすることができ ☆【数24】 る。

$$\tilde{S}_{\mu_1 \mu_2 \dots \mu_n} \equiv S_{\mu_1 \mu_2 \dots \mu_n} - \gamma_1 z_{1 \mu_2} z_{1 \mu_3} \dots z_{1 \mu_n}$$
(1.8)

30

これにより、2次の解ベクトル zz に対する反復方程式 が、式(15)でS、ベクトル z: および y: をそれぞれ ~S、ベクトル Z / および y / で置き換えた形をとる。

(なお、2より高い次数の多項式では、ベクトルス。は 一般に直交しない。)しかし、これらは反復解のみであ り、さらに、すべての {y., ベクトル z.} が同時に変 化することを許容した場合の連立方程式を解く必要があ る。さらに、これらの方程式は複数の解を有し、そのほ とんどは p に関する極小値に対応する。さらに、別の K を選択することにより、他の固定点方程式が得られる。*10 【数25】

*式(15)の解は反復(すなわち、任意のベクトル2か ら始めて、式(15)を用いて新たなベクトルスを計算 し、これを繰り返す)によって求められるが、次のセク ションで説明する方法はさらに柔軟で強力である。

14

【0039】[無制約最適化法]核Kの1次導関数が定 義されていると仮定すると、未知数(y., ベクトル) z_i に関する目的関数 $F \equiv \rho' / 2$ の勾配を計算するこ とができる。例えば、K(s., s.) がスカラー s.・ s。の関数であると仮定すると、次式のようになる、

$$\frac{\partial F}{\partial \gamma_k} = -\sum_{m=1}^{N_S} \alpha_m y_m K(\mathbf{s}_m \cdot \mathbf{z}_k) + \sum_{j=1}^{N_Z} \gamma_j K(\mathbf{z}_j \cdot \mathbf{z}_k)$$

$$\frac{\partial F}{\partial z_{k\mu}} = -\sum_{m=1}^{N_S} \gamma_k \alpha_m y_m K'(\mathbf{s}_m \cdot \mathbf{z}_k) s_{n\mu} + \sum_{j=1}^{N_Z} \gamma_j \gamma_k K'(\mathbf{z}_j \cdot \mathbf{z}_k) z_{j\mu}$$
(2))

【0040】従って、本発明の原理によれば、(おそら くは局所的な)最小は、無制約最適化法を用いて求める ことができる。

⁷を選択する。X₁ ≡ {y₁, z₁} とする。2段階法を用 いる。第1段階(後述)で、すべてのベクトル z, (j <ii>くi)を固定したまま、X,を反復的に計算する。

【0042】第2段階(後述)で、すべてのX.が変動 することを許容する。

【0043】注意すべき点であるが、式(20)におけ る勾配は、yiがOである場合、Oである。この事実 は、重大な数値的不安定性につながる可能性がある。こ※

$$\Gamma_{j} \equiv \gamma_{j}$$

$$\Delta_{j} \equiv \sum_{a=1}^{N_{S}} \alpha_{a} y_{a} K(\mathbf{s}_{a} \cdot \mathbf{z}_{j})$$

$$Z_{jk} \equiv K(\mathbf{z}_{j}, \mathbf{z}_{k})$$

【0044】 Zは正定値かつ対称であるため、周知のコ レスキー分解を用いて効率的に逆行列を求めることがで きる。

【0045】こうして、アルゴリズムの第1段階は以下 のように進行する。

- [1] $y_1 = +1$ または-1をランダムに選び、ベクト ル Z をランダム値に設定する。
- [2] ベクトルz₁を変化させてFを最小化する。
- [3] ベクトル z₁を固定したまま、Fをさらに最大に 低下させるγιを計算する。
- [4] ベクトル z1、 y1をともに変化させてさらに Fを 低下させる。
- [5] 最良の解を保持してステップ [1] ~ [4] を T 回反復する。
- [6] ベクトル z_1 、 y_1 を固定し、 $y_2 = +1$ またはー 1をランダムに選び、ベクトル z:をランダム値に設定 する。

※の問題を回避するために、第1段階は、単純な「レベル 交差」定理に基づく。そのアルゴリズムは以下のとおり である。まず、 y , を+ 1 または - 1 に初期化し、ベク 【0041】 [アルゴリズム] まず、所望の近似次数N 20 トル z 、をランダム値で初期化する。次に、 y 、を固定し たままで、ベクトルェ、を変化させる。次に、ベクトル z, X, (j < i) を固定した場合の、y,の最適値を 解析的に計算する。次に、ベクトルz,およびy,の両方 に関して同時にFを最小化する。最後に、すべての」≦ iに対して最適なy、を解析的に計算する。これは、「 $=Z^{\prime}$ Δ によって与えられる。ただし、 δ 、 Γ およびZは次のように与えられる(式(19)参照)。

【数26】

- ± 2.4
- 1211
- (23)
- [7] ベクトル Zzを変化させて Fを最小化する。
- [8] ベクトル z z (およびベクトル z i 、 y i) を固定 し、Fをさらに最大に低下させる最適なッ。を計算す
- [9] {ベクトル z :、 y : } をともに変化させてさらに Fを低下させる。
- 40 [10] 最良の解を保持してステップ [6] ~ [9] を T回反復する。
 - [11] 最後に、ベクトルス、ベクトルスを固定し、 (上記の式(21)~(23)に示されるように) さら にFを低下させる最適なyi、yzを計算する。

【0046】次に、この手続きを(ベクトルス、 yal、 {ベクトルzi、yil など、

【数27】

$$\{\mathbf{z}_{N_Z},\gamma_{N_Z}\}$$

50 まで反復する。

【0047】y,が0に近づかないようにすることによ って数値的不安定性は问避される。上記のアルゴリズム により、これは自動的に保証される。第1ステップで、 y,を固定したままベクトル z,を変化させた結果、目的 関数Fが減少した場合、次にγ、を変化させるときに、 y, は0を通ることはできない。その理由は、0を通る とすると (その場合 {ベクトルz,、y,} のFへの寄与 は()となるので) Fが増大してしまうからである。

15

【0048】なお、与えられた {ベクトルス、、 y :] の ペアの各計算は、第1段階で、ベクトルX,に対する桁 異なる初期値で数回(T回)反復される。Tは、求めら れたFにおける相異なる最小値の個数Mから経験的に決 定される。上記のデータセットでは、Mは通常2または 3であり、TはT=10と選ばれた。

【0049】第2段階では、第1段階で求められたすべ てのベクトルX、が単一のベクトルへと連接され、すべ てのパラメータの変動を許容して、再び無制約最小化プ ロセスが適用される。注意すべき点であるが、第2段階 の結果、目的関数Fがさらに約2分の1に減少すること が多い。

【0050】本発明の原理に従って、以下の1次無制約 最適化法を両方の段階で用いた。探索方向は、共役勾配 法を用いて求められる。探索方向に沿って、ブラケット 点 x_1, x_2 および x_3 を、 $F(x_1) > F(x_2) < F$ (x:) となるように求める。次に、このブラケットを 平衡化する(平衡化法については、例えば、W. H. Pres s,S. A. Teukolsky, W. T. Vetterling and B. P. Flan nery, "Numerical Recipes in C", Second Edition, Ca mbridge University Press, 1992、参照)。これらの3 点を通る2次当てはめ曲線の最小値を、次の反復で選択 30 される開始点として用いる。共役勾配プロセスは、所定 の反復数の後に再開され、全体のプロセスは、Fの減少 率があるしきい値を下回ったときに終了する。注意すべ き点であるが、この一般的アプローチは、上記の2次多 項式核の場合に適用した場合、解析的アプローチと同じ 結果を与えた。

【0051】 [実験] 上記のアプローチを、郵便セット に対して最良の性能を有するSVMに適用した。このS VMは次数3の非同次多項式機械(これについては、例 えば、前掲の"The Nature of Statistical Learning Th 40 eury"、参照)であった。近似の次数Nzは、各2クラス クラシファイアに対して試験段階で10倍の高速化がな されるように選択した。結果を表2(下記)に示す。縮 小セット法は、精度の損失はほとんどなしで、この高速 化を達成した。10個のクラシファイアをまとめて1つ の10クラスクラシファイア(これについては、例え ば、前掲の"The Natureof Statistical Learning Theor y"、および"Support Vector Networks"、参照)として 用いると、完全サポートセット(サポートセット全体) を用いた場合には4.2%のエラーであるのに対して、

縮小セットを用いた場合には4.3%のエラーであっ た。なお、組み合わせた場合、縮小セットでは6倍の高 速化しか得られない。その理由は、相異なる2クラスク ラシファイアがいくつかの共通のサポートベクトルを行 し、キャッシングの可能性があるためである。これらの 方法をさらに大きい問題に拡張することができるかどう かという問題を解決するため、NISTセットの場合 に、数字0を他のすべての数字から分離する2クラスク ラシファイアに対して研究を繰り返した(60,000 回の訓練、10,000個の試験パターン)。このクラ シファイアも、完全サポートセットを用いて、最良の精 度を与えるもの(次数4の多項式)を選んだ。1,27 3個のサポートベクトルの完全セットでは19個の試験 エラーを生じたが、サイズ127の縮小セットでは20 個の試験エラーであった。

[0052]

【表2】

20

	サポートベクトル		縮小	セット
数字	N_S	$E_{\mathcal{S}}$	N_Z	E_{Z}
0	272	13	27	13
1	109	9	11	10
2	380	26	38	_26
3	418	20	42	20
4	392	34	39	32
5	397	21	40	22
6	257	11	26	11
7	214	14	21	13
8	463	26	46	28
9	3 87	13	39	13
計	3289	187	329	188

【0053】(なお、試験は、完全な10桁のNIST に対しても行われ、10%の精度損失で50倍の高速化 がなされた。C. J. C. Burges, B. Schoelkopf, "Impro vingthe Accuracy and Speed of Support Vector Machi nes", in press, NIPS '96、参照。)

[0054]

【実施例】図3に、SVMの訓練段階で用いられる、本 発明の原理を実現する例示的な流れ図を示す。ステップ 100で、入力訓練データがSVM (図示せず) に入力 される。ステップ105で、SVMがこの入力データに 対して訓練され、ステップ110で、SVMはサポート ベクトルのセットを生成する。ステップ135で、縮小 セットベクトルの数が選択される。ステップ115で、 無制約最適化法(前述)を用い、ステップ120で縮小 セットベクトルを生成する。ステップ125で、この縮 小セットベクトルを用いて、サンプルデータのセット (図示せず)を試験する。ステップ130で、この試験 の結果を評価する。試験結果が(例えば速度および精度 50 に関して)受容可能な場合、この縮小セットベクトルが 以後利用される。試験結果が受容可能でない場合、縮小 セットベクトルを決定するプロセスを再び実行する。 (後者の場合、注意すべき点であるが、 (例えば速度あ るいは精度に関する)試験結果は、縮小セットベクトル の数をさらに少なくすることを示唆する可能性もあ る。)

【0055】縮小セットベクトルが決定されると、SV Mで利用可能となる。この縮小セットベクトルを試験段 階で使用する方法を図4に示す。ステップ215で、試 験セットからの入力データベクトルがSVMに送られ る。ステップ220で、SVMは、縮小セットベクトル を核のパラメータとして用いて、試験セットの入力デー タベクトルを多次元空間に写像することにより変換す る。ステップ225で、SVMは、判定面から、各入力 データベクトルの帰属状態を示す分類信号を生成する。 【0056】上記のように、m個の縮小セットベクトル が縮小セット内にある。これらの縮小セットベクトル は、図3に示した上記の訓練段階で決定される。速度お よび精度のデータが、m個より少ない縮小セットベクト ルを使用することも可能であることを示唆する場合、別 20 次元空間に写像するアルゴリズムを用いた機械の効率を のアプローチを用いて、新たなさらに小さい縮小セット ベクトルのセットを再計算する必要を回避することが可 能である。特に、x<mとして、x個の縮小セットベク トルは、m個の縮小セットベクトルのセットから選択さ れる。この場合、いくつ(x)の縮小セットベクトルを 使用するかの決定は、例えば、訓練段階で生成された速 度および精度のデータを用いて経験的に行われる。しか し、これらの縮小セットベクトルの値を再計算する必要

【0057】パターン認識の場合の、本発明の考え方の 30 のクラスに分離する一般的な図である。 実施例を図5に示す。パターン認識システム100は、 プロセッサ105および認識器110からなり、認識器 110は、データ入力要素115、およびSVM120 からなる。本発明の考え方以外には、図5の要素は周知 であるため、詳細には説明しない。例えば、データ入力 要素115は、分類するための入力データをSVM12 0へ送る。データ入力要素115の一例はスキャナであ る。この場合、入力データは画像のピクセル表現(図示 せず)である。SVM120は、本発明の原理に従って 縮小セットベクトルを用いて入力データに作用する。動 40 110 認識器 作(試験)中、SVM120は、入力データの分類を表 す数値結果を、後続の処理のためにプロセッサ105に

送る。プロセッサ105は、例えば、メモリを伴うマイ クロプロセッサのような蓄積プログラム制御プロセッサ である。プロセッサ105は、さらに、例えば自動預払 機(ATM)などにおける認識器110の出力信号を処 理する。

18

【0058】図5のシステムは2つのモード、すなわ ち、訓練モードおよび動作(試験)モードで動作する。 訓練モードの例は、図3に示される上記の方法である。 試験モードの例は、図4に示される上記の方法である。 【0059】以上、本発明について説明したが、当業者 には認識されるように、本発明の技術的範囲内でさまざ まな変形例を考えることができる。例えば、本発明の考 え方は、サポートベクトル機械以外の、核に基づく方法 にも適用可能であり、例えば、回帰推定、密度評価など にも使用可能であるが、これらに限定されるものではな

[0060]

【発明の効果】以上述べたごとく、本発明によれば、与 えられたベクトルのセットを試験段階で用いるために高 改善する方法および装置が実現される。本発明の特徴に よれば、縮小セットベクトルの選択により、性能対計算 量のトレードオフを直接制御することが可能となる。さ らに、本発明の考え方はパターン認識に固有ではなく、 サポートベクトルアルゴリズムが用いられるような任意 の問題(例えば、回帰推定)に適用可能である。

【図面の簡単な説明】

【図1】従来技術のSVMの動作の流れ図である。

【図2】代表サポートベクトルにより訓練データを2つ

【図3】本発明の原理に従ってSVMシステムを訓練す る例示的な方法の図である。

【図4】本発明の原理に従ってSVMシステムを動作さ せる例示的な方法の図である。

【図5】本発明の原理を実現する認識システムの一部の ブロック図である。

【符号の説明】

100 パターン認識システム

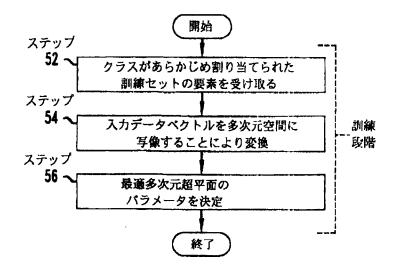
105 プロセッサ

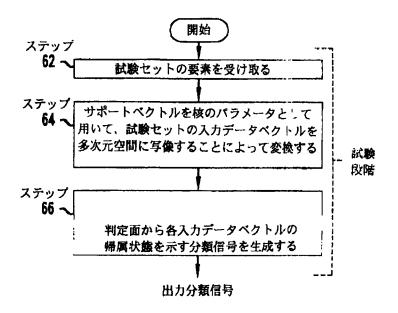
115 データ入力要素

120 SVM

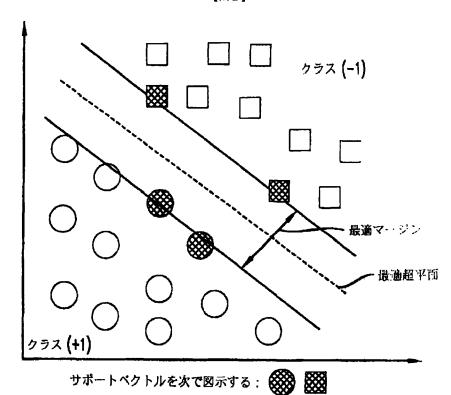
【図1】

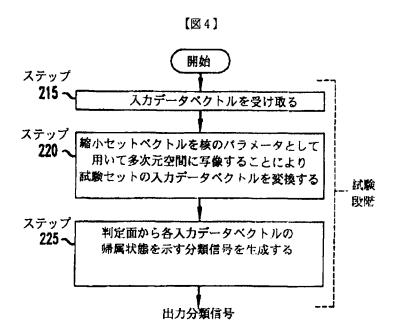
(従来技術)





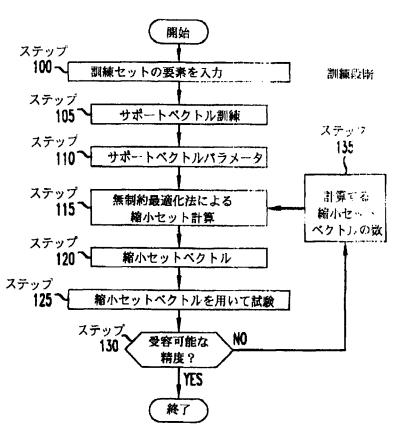
【図2】



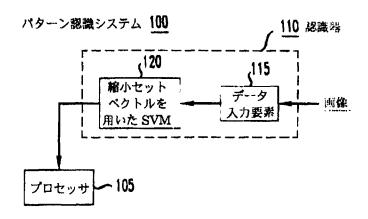




(13)



【図5】



フロントページの続き

(71)出願人 596077259

600 Mountain Avenue, Murray Hill, New Je rsey 07974—0636U.S.A.